

Devoir 8:

Partie A: un autre type d'exercices sur le cercle:

Ex.1: Ecrire l'équation canonique du cercle de diamètre $[AB]$,

- a) $A(2; 3)$ et $B(-1; 0)$
- b) $A(-5; 4)$ et $B(-1; -5)$

Conseil: le centre du cercle est le milieu du segment AB, le rayon du cercle est égal à un demi de la longueur du segment AB.

Résultats: a) $\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(y - \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{2}$ b) $(x + 3)^2 + \left(y + \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{97}{4}$

Ex.2: Ecrire l'équation canonique du cercle passant par les points A, B et C,
 $A(-1; 3), B(0; 2), C(-1; 1)$.

Conseil: Premièrement il faut calculer les coordonnées du centre S = le centre du cercle circonscrit au triangle ABC = le point d'intersection des médiatrices des côtés, puis déterminer la valeur du rayon = la longueur du segment SA ou SB ou SC.

Résultat: $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 1$

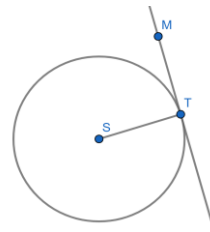
Partie B: tangente au cercle au point de contact T(application du produit scalaire)

Ex.: Ecrire une équation de la tangente (t) au cercle (c): $(x - 8)^2 + (y - 3)^2 = 16$. Le point de contact $T(8; 7)$.

Corrigé: Chaque tangente est perpendiculaire au segment $[ST]$. Donc le produit scalaire des vecteurs $\overrightarrow{ST} \cdot \overrightarrow{TM} = 0$. S est le centre du cercle, $S(8; 3)$, T est le point de contact, $T(8; 7)$, M est un point quelconque de la tangente (t), $M(x; y)$. Alors les coordonnées des vecteurs sont: $\overrightarrow{ST}(0; 4), \overrightarrow{TM}(x - 8; y - 7)$

Leur produit scalaire: $0 \cdot (x - 8) + 4 \cdot (y - 7) = 0$

D'où $4y - 28 = 0$ alors (t): $y = 7$.



Ex.3: Ecrire une équation de la tangente (t) au cercle (c): $x^2 - 14x + y^2 - 4y + 49 = 0$. Le point de contact $T(7; 4)$.

Conseil: Il faut premièrement réécrire l'équation du cercle sous la forme canonique.

Résultat: $(x - 7)^2 + (y - 2)^2 = 4$, (t): $y = 4$

Ex.4: Ecrire une équation de la tangente (t) au cercle (c): $x^2 - x + y^2 - 3y - 2 = 0$. Le point de contact $T(2; 3)$.

Résultat: $\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(y - \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{2}$, (t): $x + y - 5 = 0$

Ex.5: Ecrire une équation de la tangente (t) au cercle (c): $x^2 + 2x + y^2 - 4y + 4 = 0$. Le point de contact $T(0; 2)$.

Résultat: $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 1$, (t): $x = 0$